



بسمه تعالی

وَلَقَدْ كَتَبْنَا فِي الزَّبُورِ مِنْ بَعْدِ الذِّكْرِ أَنَّ الْأَرْضَ يَرِثُهَا عِبَادِيَ الصَّالِحُونَ

و به تحقیق در زبور، بعد از ذکر چنین نوشتیم که زمین را بندگانش پایسته من به میراث می برند. (سوره مبارکه انبیاء آیه ۱۰۵)

نام خانوادگی:

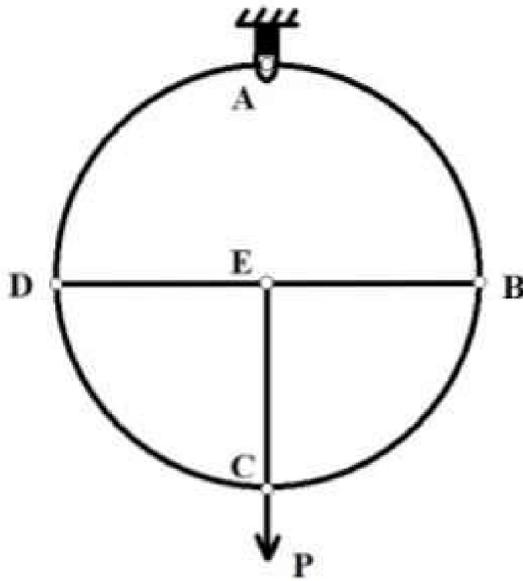
امتحان میان ترم استاتیک و مقاومت مصالح

تاریخ: ۹۷/۲/۱۱

شماره دانشجویی:

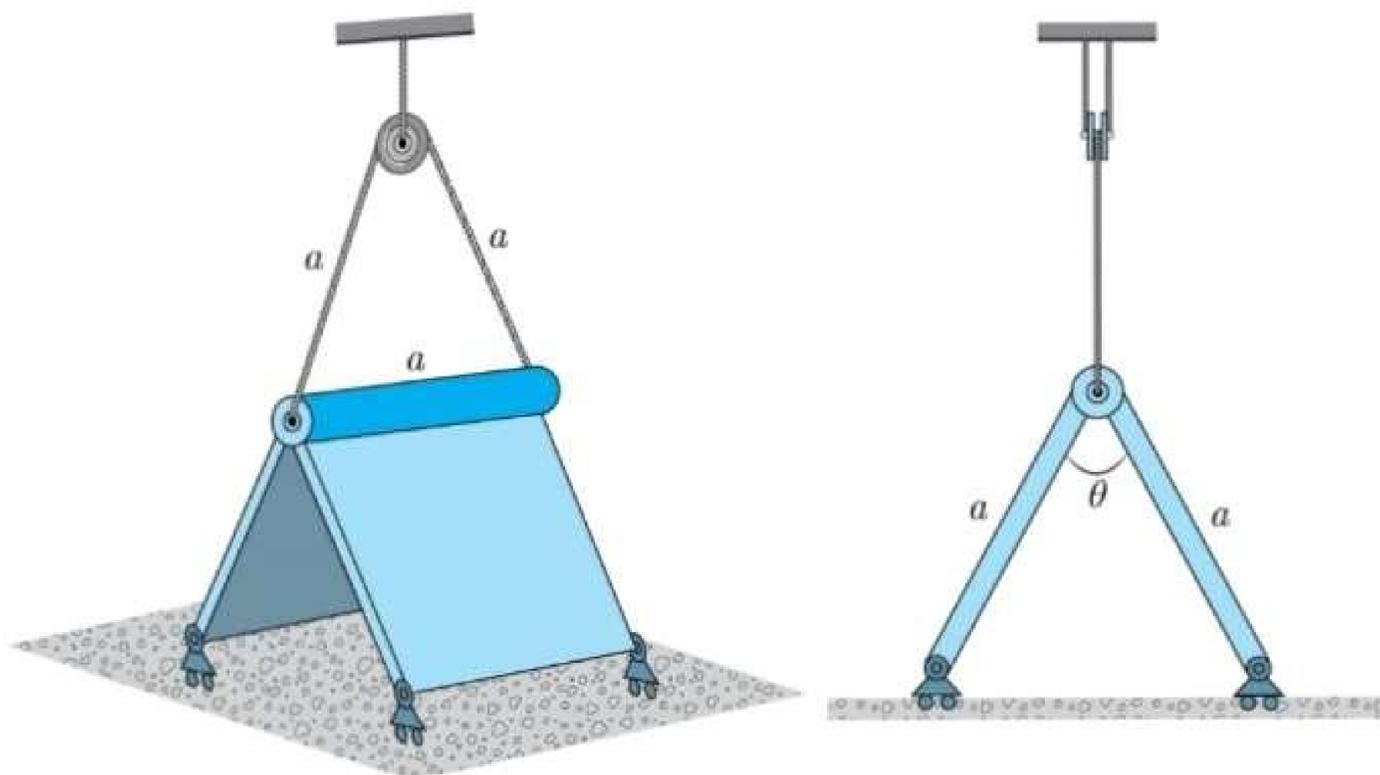
زمان امتحان: ۱۲۰ دقیقه

۱- در شکل زیر، نیروی وارد شده از طرف عضوها در هر مفصل را حساب کنید. (۱۵ نمره)

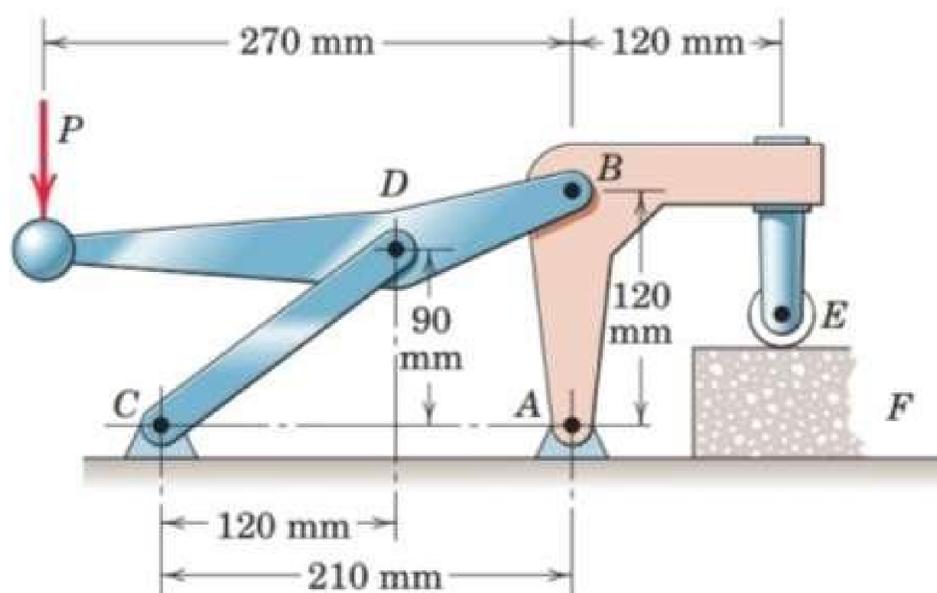


۲- دو صفحه مستطیلی شکل یکنواخت هر یک به وزن  $500$  نیوتن در لبه مشترکشان لولا شده‌اند و به وسیله یک کابل که از روی یک قرقره عبور کرده است به حالت تعلیق در آمده‌اند. همچنین چهار تکیه‌گاه غلتکی گوشه‌های پایین این صفحات را مهار کرده است. نیروی کشش  $T$  در کابل را بیابید. (۲۰ نمره)

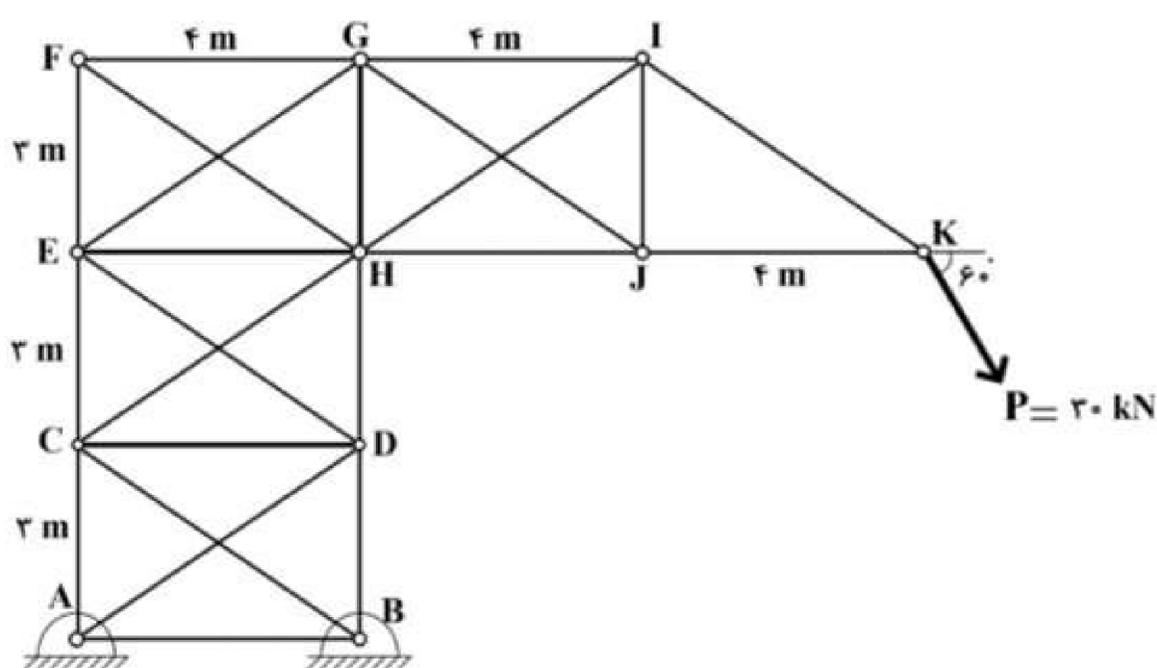
(نیروی چهار تکیه‌گاه غلتکی با هم برابر است!)



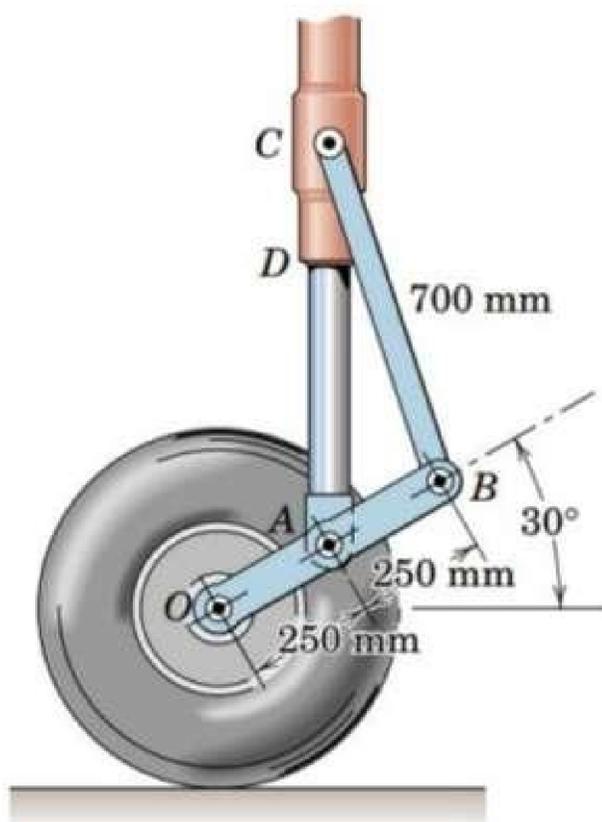
۳- با وارد آوردن نیروی  $P$  بر دسته‌ی گیره‌ی شکل روبه‌رو، قطعه‌کار  $F$  در جای خود نگاه داشته می‌شود. نیرویی که در  $E$  بر قطعه‌کار وارد می‌شود را بر حسب  $P$  به دست آورید. (۲۰ نمره)



۴- در خرپای نشان داده شده، عضوهای مورب کابل‌هایی هستند که برای پایداری سازه اضافه شده‌اند. (۲۵ نمره)  
الف) نیروی کابل‌های  $AD$ ،  $CB$  را به دست آورید.  
ب) نیروی عضو  $CD$  را محاسبه کنید.



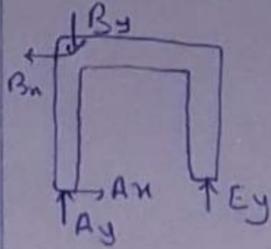
۵- ارابه فرود هواپیما در شکل زیر از میله‌های  $OB$  و  $CB$ ، بازوی  $AD$  و جک هیدرولیکی  $D$  تشکیل شده است. فرض کنید ارابه با سرعت ثابت روی باند حرکت می‌کند (نیروی افقی به ارابه وارد نمی‌شود) و نیروی ثابتی به اندازه  $24\text{ kN}$  از طرف زمین به چرخ وارد می‌شود. نیرویی که از طرف اعضا به پین  $A$  وارد می‌شود را به دست آورید. (برای محاسبه زوایای مجهول می‌توانید از قضیه سینوس‌ها استفاده کنید). (۲۰ نمره)



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow B_x = \frac{1}{\omega} CD = -1.2P$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow B_y - P - \frac{1}{\omega} CD = 0 \Rightarrow$$

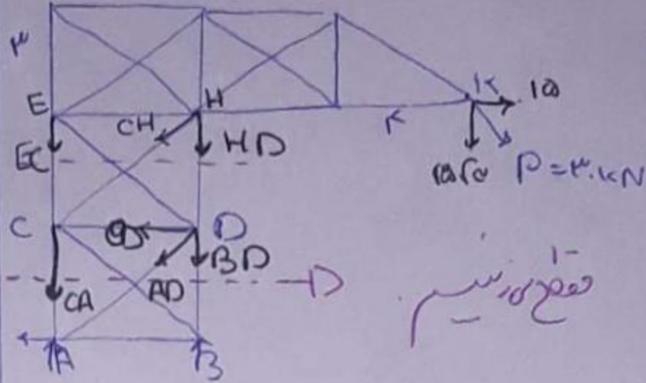
$$B_y = -\frac{1}{\omega} P = -0.1P$$



$$\sum M_A = 0 \Rightarrow 1.2 \times E_y +$$

$$B_x \times 1.2 = 0 \Rightarrow$$

$$E_y = -B_x = 1.2P$$



$$\text{و در } BC = 0 \Rightarrow \sum M_D = 0$$

$$\Rightarrow CA \times 10 - 10 \times 10 - 10 \times 10 \sqrt{2} = 0 \Rightarrow$$

$$CA = \frac{100}{10} + 10 \sqrt{2}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow \sum AD = 10 \Rightarrow AD = \frac{10}{1}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -CA - \frac{1}{\omega} AD - BD - 10 \sqrt{2}$$

$$= 0 \Rightarrow BD = -\frac{100}{10} - \frac{10}{10} - 10 \sqrt{2}$$

$$\text{و در } ED = 0 \Rightarrow \sum M_H = 0$$

$$\Rightarrow EC \times 10 - 10 \times 10 \sqrt{2} = 0 \Rightarrow$$

$$EC = 10 \sqrt{2}$$

پرسش اول: وقتی حول D استوار بودیم چرا

بردهای تیرهای A و B استواریم؟ مابقی زنده بودیم

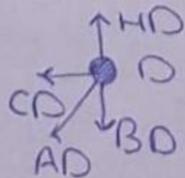
(نه) <= > فقط تیرهای A و B استوار بودیم.

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow \frac{1}{\omega} CH = 10 \Rightarrow CH = \frac{10}{1}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow HD = \checkmark$$

CD رو چه طور می بینیم؟ نسبت با یکدیگر!

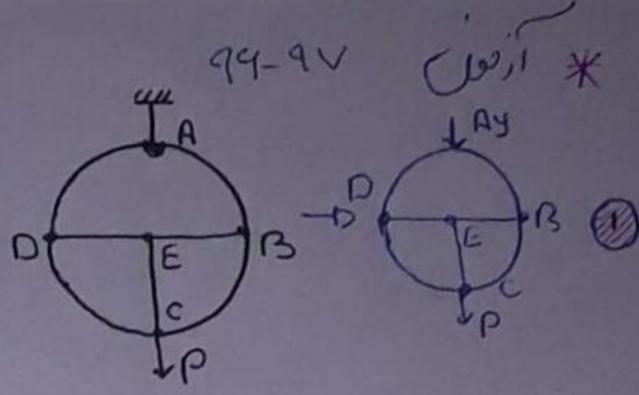
فصل دارو استواریم:



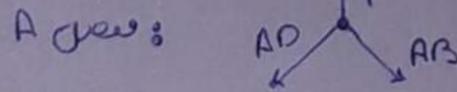
از اینجایی استواریم

$$\sum F_x = 0$$

نسبت با یکدیگر CD



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y = -P$$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow$$

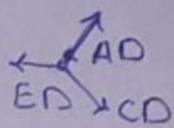
$$P(AD + AB) = P \cdot D$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow$$

$$AD \frac{1}{\sqrt{2}} = AB \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow AD = AB$$

$$\Rightarrow AD = AB = \left(\frac{P}{\sqrt{2}}\right) \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{P}{\sqrt{2}}$$

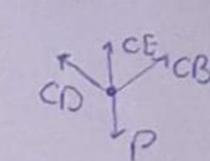
D فصل:



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow AD \frac{1}{\sqrt{2}} = CD \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow CD = AD \frac{1}{\sqrt{2}}$$

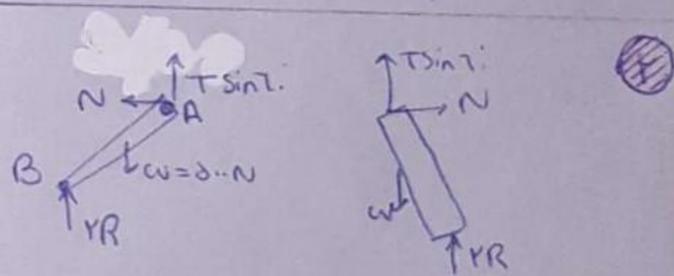
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow ED = (AD + CD) \frac{1}{\sqrt{2}} = P$$

C فصل:



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow CD = CB = \frac{P}{\sqrt{2}}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow CE = P - \frac{1}{\sqrt{2}}(CB + CD) = 0$$



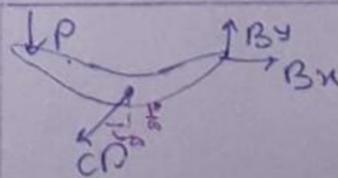
$$\sum M_A = 0 \Rightarrow YR \times x - \frac{1}{\omega} w = 0 \Rightarrow$$

$$R = \frac{w}{x} = 1.2 \text{ kN}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N = 0 \checkmark$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow T \times \frac{1}{\sqrt{2}} + 1.2 \times 1.2 - 2 \dots = 0 \Rightarrow$$

$$T = \frac{2.4}{\sqrt{2}} \text{ N}$$

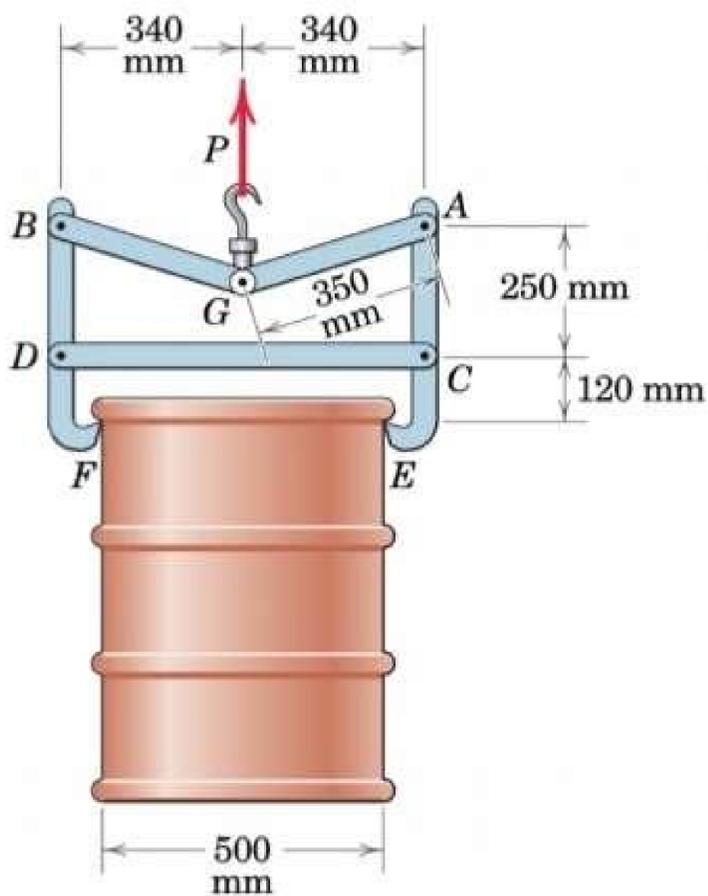


$$\sum M_B = 0 \Rightarrow 1.2 \times 1.2 \times P + 1.2 \times \frac{1}{\omega} CD$$

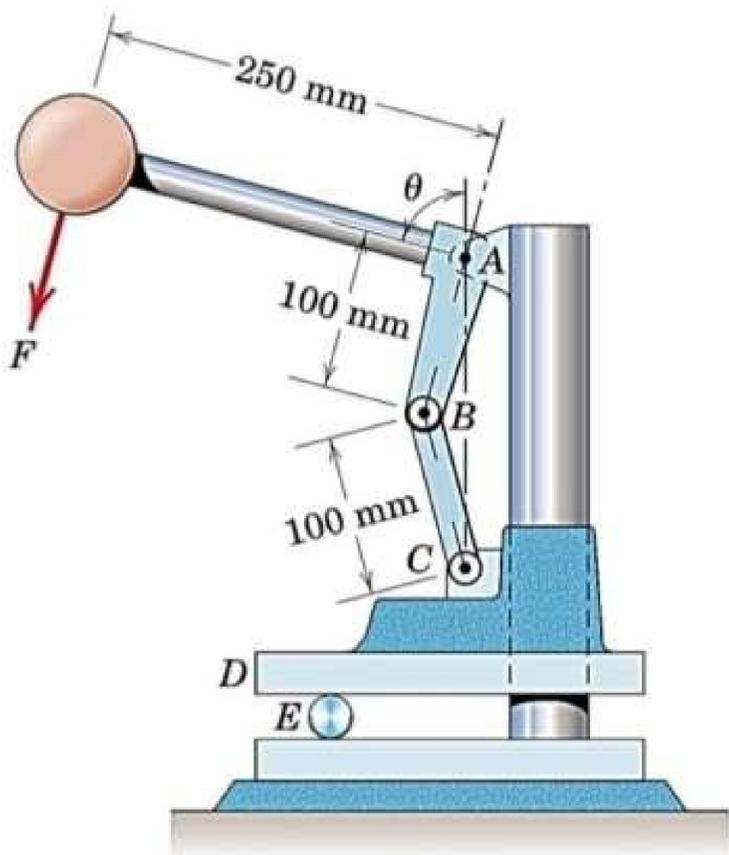
$$- 1.2 \times \frac{1}{\omega} CD = 0 \Rightarrow CD = -9P$$



۴- وسیله ای که در شکل زیر نشان داده‌ایم برای حمل بشکه‌های فولادی به جرم  $125\text{ kg}$  به کار می‌رود. مقدار نیروهایی را که در  $F$  و  $E$  بر بشکه وارد می‌شود به دست آورید. (۲۰ نمره)



۵- در شکل زیر یک پرس دستی نشان داده‌ایم که فک بالایی آن،  $D$ ، با اصطکاک ناچیز روی ستون قائم حرکت می‌کند. نیروی  $F$  وارد بر دسته پرس برابر  $100\text{ N}$  و زاویه  $\theta$  برابر  $75^\circ$  است.



الف) نیروی فشاری  $R$  وارد بر استوانه  $E$  چقدر است؟ (۱۰ نمره)

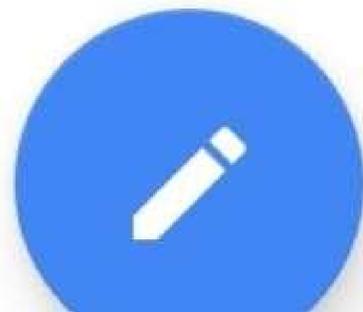
ب) نیرویی که پین  $A$  تحمل می‌کند را نیز به دست آورید. (۱۰ نمره)

عالم از توست...

غریبانه چرا میگردی؟

اللهم عجل لوليک الفرج

😊 موفق باشید 😊



97-98 \* ارتقاء

$$\Sigma M_K = 0 \Rightarrow P \times 40 - 40\sqrt{3} \times \dots = 0$$

$$\Rightarrow P = 40\sqrt{3} \text{ N}$$

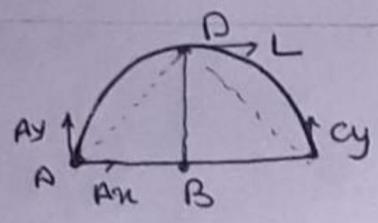
$$\Sigma M_B = 0 \Rightarrow 40 \times P \hat{i} - 1 \times P \hat{j}$$

$$- 40 \times A_y \hat{k} + 40 \times A_z \hat{j} - T \times 1 \times \cos \alpha \hat{i}$$

$$\rightarrow T \times \dots \hat{j} = 0 \Rightarrow \begin{cases} A_y = 0 \Rightarrow B_y = 0 \\ B_z = 40\sqrt{3} + 40 \end{cases}$$

$$\Rightarrow B_z = T + P - A_z = 40\sqrt{3} + 40\sqrt{3}$$

(بنا  $A_n$  و  $B_n$  صورتی  $\hat{i}$  و  $\hat{j}$  و  $\hat{k}$  جهت‌ها را در نظر بگیرید)  
 کدی عمل کنید

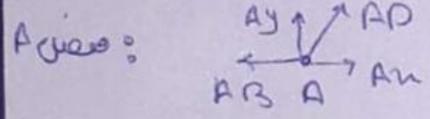


$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow A_n = -L$$

$$\Sigma M_A = 0 \Rightarrow -RL + 4RCy = 0 \Rightarrow$$

$$Cy = \frac{L}{4}$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow Ay = -Cy = -\frac{L}{4}$$



$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow Ay + \frac{\sqrt{3}}{2} AD = 0 \Rightarrow$$

$$AD = \sqrt{3} \times \frac{L}{4}$$

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow A_n + \frac{\sqrt{3}}{2} \times AD - AB = 0$$

$$\Rightarrow AB = -\frac{L}{4}$$

اجزاء B:

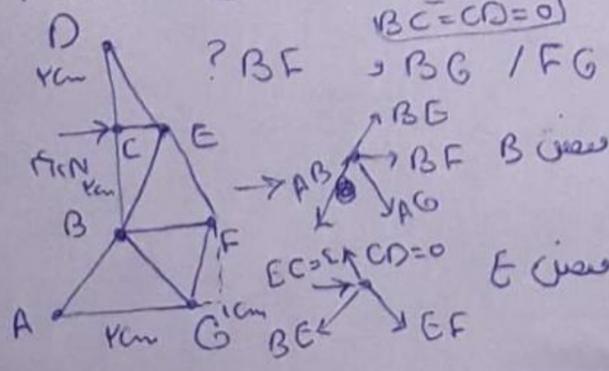
$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow BD = 0$$

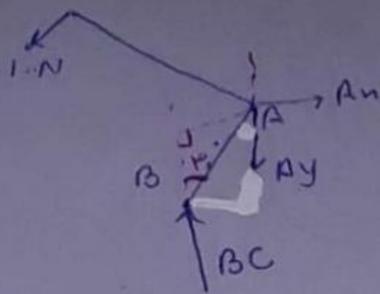
$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow BC = AB = -\frac{L}{4}$$

فصلی الیاسف ال ذب سراسر

و سراسر این به صورتی

$$R = 4 \text{ KN} \text{ یعنی: } BC = CD = 0$$





$$\sum M_A = 0 \Rightarrow 1.0 \times 2\delta - BC \times \delta = 0$$

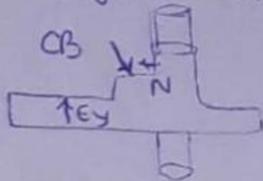
$$\Rightarrow BC = 2.0 \text{ N}$$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -1.0 \times \sin \delta - 2.0 \times \sin \delta + A_x = 0$$

$$\Rightarrow A_x = 3.0 \times \sin \delta$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -1.0 (\cos \delta) + 2.0 (\cos \delta) - A_y = 0$$

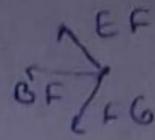
$$\Rightarrow A_y = 1.0 \times \sin \delta$$



حالت تقاطع مابینی

$$N = C_x = 3.0 \times \sin \delta$$

$$E_y = C_y = 1.0 \times \cos \delta$$



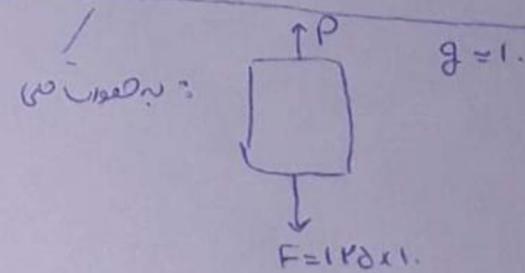
مقطع F

ابتدا مقطع E و سپس مقطع F در کتب مقطع B را جدا کرده و برش و پاره‌های آن را در نظر بگیرید.

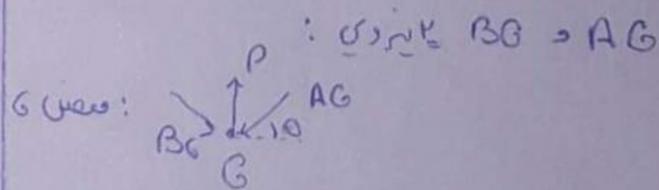
(از دایره‌های متحدالمرکز بسیار هم به یاد آید)

$$\sin \alpha = \frac{4}{\sqrt{17}}$$

$$\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{17}}$$



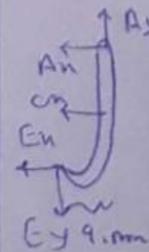
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow P = 1.0 \text{ N}$$



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow BG = AG$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow 2BG \sin \theta = P$$

$$BG = \frac{P}{2 \sin \theta} = \frac{1.0}{2 \times \frac{4}{\sqrt{17}}} = 0.425 \text{ N}$$



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y = E_y = BG \sin \theta$$

$$= 0.425 \text{ N}$$

$$\sum M_C = 0 \Rightarrow A_x \times 2\delta = E_x \times \delta$$

$$\Rightarrow E_x = \frac{2\delta}{\delta} \times 0.425 \times \cos \theta$$

$$= 0.85 \text{ N}$$